



### Aceleração/Tração - exemplos

#### Exemplo 1:

Um carro de passeio tem tração traseira, diferencial blocante, e os seguintes dados:

Pesos: Dianteiro - 9 342 N; Traseiro - 8 231 N      Raio dos pneus - 319,5 mm  
 Altura do CG - 533,4 mm      Rigidez à inclinação lateral:  
 Entre-eixos - 2 743,2 mm      Dianteira - 1 557 Nm/grau;  
 Largura entre rodas - 1 498,6 mm      Traseira - 379 Nm/grau  
 Área frontal - 2,5 m<sup>2</sup>      Inércia do motor - 0,0904 kg.m<sup>2</sup>  
 Coeficiente de arrasto aerodinâmico - 0,27

Motor: RPM x Torque (N.m):

RPM	T	RPM	T	RPM	T
800	163	2400	237	4000	271
1200	179	2800	245	4400	273
1600	197	3200	258	4800	268
2000	217	3600	268	5200	244

Dados da caixa de redução:

	Engrenagens				
	1 <sup>a</sup>	2 <sup>a</sup>	3 <sup>a</sup>	4 <sup>a</sup>	5 <sup>a</sup>
Inércia (kg.m <sup>2</sup> )	0,150	0,100	0,079	0,057	0,034
Relação de redução	4,28	2,79	1,83	1,36	1,00
Eficiência	0,966	0,967	0,972	0,973	0,970

Transmissão final: Inércia - 0,14 kg.m<sup>2</sup>; Relação de redução - 2,92; Eficiência - 0,99

Inércias das rodas - 1,243 kg.m<sup>2</sup> (cada)

Coeficiente de resistência ao rolamento, asfalto - 0,013

Coeficiente de atrito com o solo - 0,62

Calcule a inércia efetiva dos componentes da linha de potência, na 1<sup>a</sup> marcha.

#### Solução:

A inércia efetiva é o 2º termo do membro direito da expressão da força de tração, já vista:

$$F_x = T_e \cdot N_{tf} \cdot \eta_{tf} / r - \{(I_e + I_t) \cdot N_{tf}^2 + I_d \cdot N_f^2 + I_w\} \cdot a_x / r^2$$

É o termo entre as chaves:

$$\begin{aligned} I_{ef} &= (I_e + I_t) \cdot N_{tf}^2 + I_d \cdot N_f^2 + I_w = \\ &= (0,0904 + 0,150) \cdot (4,28 \cdot 2,92)^2 + 0,14 \cdot 2,92^2 + 1,243 \cdot 2 = \\ &= 37,55 + 1,194 + 2,483 = \underline{\underline{41,227 \text{ kg.m}^2}} \end{aligned}$$

#### OBS.:

- 1) O termo maior (37,55) é o do motor com a 1<sup>a</sup> engrenagem de redução. Na 5<sup>a</sup> marcha, esse termo teria o valor de 1,06 kg.m<sup>2</sup>.



- 2) Foram incluídas APENAS as inércias das rodas motrizes por que, neste caso, apenas elas reduzem a força de tração disponível para acelerar o veículo. Não se deve esquecer que as rodas movidas também contribuem para a inércia total quando o veículo é acelerado. As inércias dessas rodas movidas devem ser incluídas na inércia (massa equivalente) total do veículo.
- 3) O valor da inércia rotacional, em  $\text{kg}\cdot\text{m}^2$ , corresponde a uma inércia translacional (massa) na equação mostrada anteriormente, após ser dividida por  $r^2$ .

O valor dessa “massa efetiva” será:

$$M_{ef} = I_{ef} / r^2 = 41.227 / (0,3195)^2 = \underline{\underline{403,9 \text{ kg}}}$$

Considerando a massa de 1750 kg desse carro, vemos que ocorre um aumento de cerca de 23% na sua massa efetiva total, durante a aceleração na 1ª marcha. A inércia das rodas movidas irá acrescentar mais 12,2 kg (0,7 %) à massa efetiva.

---

### Exemplo 2:

Calcule o máximo esforço de tração e a correspondente velocidade do veículo, na primeira e na quinta marcha, para o veículo do exemplo anterior.

### Solução:

O máximo esforço de tração coincidirá com o máximo torque, que ocorre a 4400 rpm, de acordo com os dados.

Assim, o problema se reduz a calcular a força de tração pelo primeiro termo da equação mostrada no exemplo anterior.

Na 1ª marcha:

$$F_x = T_e \cdot N_{tf} \cdot \eta_{tf} / r =$$

$$= 273 \cdot (4,28 \cdot 2,92) \cdot (0,966 \cdot 0,99) / 0,3195 = \underline{\underline{10\ 212 \text{ N}}}$$

A velocidade do veículo é dada pela rotação do motor e relações de redução. Temos

$$\omega_e = N_t \cdot N_f \cdot \omega_w \Rightarrow \omega_w = \omega_e / (N_t \cdot N_f) = 4400 / (4,28 \cdot 2,92) = 352 \text{ rpm} = 36,84 \text{ rad/s}$$

A velocidade será:

$$V_x = \omega_w \cdot r = 36,84 \cdot 0,3195 = 11,77 \text{ m/s} = \underline{\underline{42,4 \text{ km/h}}}$$

Para a 5ª marcha, o procedimento é análogo:

$$F_x = \underline{\underline{2\ 395 \text{ N}}}$$

$$\omega_w = 157,8 \text{ rad/s}$$

$$V_x = \underline{\underline{181,5 \text{ km/h}}}$$